



1. Competențe	3
2. Noțiuni preliminare.	4
3. Mecanismul recursivității	7
4. Aplicații	9
5. Bibliografie și webografie	11



Competențe generale

- *implementarea algoritmilor într-un limbaj de programare*
- *elaborarea algoritmilor de rezolvare a problemelor*
- *aplicarea algoritmilor fundamentali în prelucrarea datelor*
- *identificarea conexiunilor dintre informatică și societate*

Competențe specifice

- *utilizarea corectă a subprogramelor predefinite și a celor definite de utilizator*
- *construirea unor subprograme pentru rezolvarea subproblemelor unei probleme*
- *aplicarea mecanismului recursivității prin crearea unor subprograme recursive (definite de utilizator)*
- *compararea dintre implementarea recursivă și cea iterativă a aceluiași algoritm*
- *analiza problemei în scopul identificării subproblemelor acesteia*
- *descrierea metodei de rezolvare a unei probleme în termeni recursivi*



2. Noțiuni preliminare

Recursivitatea este un mecanism general de scriere a problemelor.

Un algoritm recursiv se caracterizează prin proprietatea că se autoapelează, adică din interiorul lui se apelează pe el însuși.

Atunci când se scrie un algoritm recursiv este suficient să se gândească ce se întâmplă la un anumit nivel, pentru că la orice nivel se întâmplă exact același lucru.

Într-un algoritm recursiv, pentru a realiza un anumit calcul sunt necesare două elemente:

1. o formulă de recurență;
2. o valoare inițială cunoscută.



Un exemplu de recursivitate este în definiția formală a numerelor naturale din cadrul teoriei mulțimilor:

- baza recursiei este faptul că 1 este număr natural;
- în plus, orice număr natural are un succesor, care este de asemenea un număr natural.

Un alt exemplu ar fi definiția conceptului de strămoș al unei persoane:

- un părinte este strămoșul copilului (“baza”);
- părinții unui strămoș sunt și ei strămoși (“pasul de recursie”).

- recurență = repetiție, revenire;
- formulă de recurență = formulă care exprimă orice termen dintr-un șir, în funcție de termenii precedenți;



Exemplu

Să se calculeze suma primelor n numere naturale.

$$S(n) = 1 + 2 + 3 + \dots + (n-1) + n$$

Formula matematică:

$$S(n) = S(n-1) + n \quad // \text{ formula de recurență}$$

$$S(0) = 0 \quad // \text{ valoarea inițială cunoscută}$$

$$S(n) = \begin{cases} 0, & \text{pentru } n = 0 \\ S(n-1) + n, & \text{pentru } n > 0 \end{cases}$$

$$S(4) = 1 + 2 + 3 + 4 = 10$$

astfel:

$$\begin{array}{l} S(4) = S(3) + 4 \\ S(3) = S(2) + 3 \\ S(2) = S(1) + 2 \\ S(1) = S(0) + 1 \\ S(0) = 0 \end{array} \quad \Rightarrow \quad \begin{array}{l} S(0) = 0 \\ S(1) = S(0) + 1 = 0 + 1 = 1 \\ S(2) = S(1) + 2 = 1 + 2 = 3 \\ S(3) = S(2) + 3 = 3 + 3 = 6 \\ S(4) = S(3) + 4 = 6 + 4 = 10 \end{array}$$



3. Mecanismul recursivității

Un algoritm recursiv se implementează folosind o funcție recursivă.

Se numește **funcție recursivă** o funcție care din corpul ei se apelează pe ea însăși. Un subprogram se numește **recursiv** dacă se autoapelează.

Orice funcție recursivă trebuie să îndeplinească două condiții:

1. să se poată executa cel puțin o dată fără să se autoapeleze;
2. toate apelurile să se producă astfel încât să se tindă spre îndeplinirea condiției de execuție fără apeluri.

Din afara funcției recursive, se face un prim apel la funcția recursivă, după care funcția se autoapelează de un anumit număr de ori.

Pentru orice algoritm iterativ există un algoritm recursiv echivalent (rezolvă aceeași problemă) și invers, pentru orice algoritm recursiv există unul iterativ echivalent.



Exemplu

Să se calculeze suma primelor n numere naturale.

$$S(n) = 1 + 2 + 3 + \dots + (n-1) + n$$

```
1  #include <iostream>
2
3  using namespace std;
4
5  int S(int n)
6  {
7      if (n==0)
8          return 0;
9      else
10         return S(n-1)+n;
11 }
12
13 int main()
14 {
15     cout <<S(4)<< endl;
16     return 0;
17 }
18
```



Autoapelarea se poate realiza în două moduri:

1. *direct* – în corpul funcției apare explicit un apel recursiv;
2. *indirect* – în corpul funcției apare apelul unei alte funcții care, la rândul său, apelează direct sau indirect funcția recursivă.

Recursivitate directă	Recursivitate indirectă
<pre>void A() { ... A(); ... }</pre> <pre>void main() { ... A(); ... }</pre>	<pre>void A() { ... B(); ... }</pre> <pre>void B() { ... A(); ... }</pre> <pre>void main() { ... A(); ... }</pre>

Fișă de lucru

- Subprograme recursive recursive
- Aplicații subprograme recursive



5. Bibliografie și webografie

1. Miloșescu M., *Informatica. Manual pentru clasa a X*, Editura Didactică și Pedagogică, București, 2005
2. Mateescu G, Moraru P., *Informatica. Manual pentru clasa a X*, Editura Donaris, Sibiu, 2006
3. Popescu C., *Culegere de probleme de informatică*, Editura Donaris-Info, Sibiu, 2002
4. Ministerul Educației, Cercetării și Tineretului, Centrul Național pentru Curriculum și Evaluare în Învățământul Preuniversitar, *Proba scrisă la informatică. Examenul de bacalaureat – Variante (1-100)*, București 2008
5. <http://ro.wikipedia.org/wiki/Recursivitate>
6. <http://en.wikipedia.org/wiki/Recursion>

